1. Die Temperatur

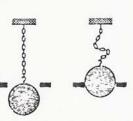
Körper fühlen sich beim Berühren je nachdem kalt,kühl,lau,warm oder heiss an.Sie rufen infolge ihres besonderen Wärmezustandes verschiedene Wärmeempfindungen in uns hervor.Wir schreiben ihnen daher verschiedene Wärmestufen zu und sagen dafür auch,sie haben verschiedene Temperaturen.Einem sehr heissen Körper schreiben wir eine hohe,einem sehr kalten Körper eine tiefe Temperatur zu.

Aber Achtung: Unser Temperatursinn ist in seiner Leistungsfähigkeit begrenzt und eignet sich nicht zur genauen Beurteilung von Temperaturen.

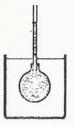
# A.2.Verhalten der Körper bei Temperaturerhöhungen

Alle Körper dehnen sich bei Erwärmung aus, gleichgültig ob sie fest, flüssig oder gasförmig sind. Bei Abkühlung ziehen sie sich zusammen.

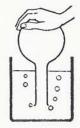
Gase dehnen sich (bei gleicher Erwärmung) bedeutend stärker aus als Flüssigkei= ten,diese wiederum stärker als Festkörper.



Thermische Ausdehnung einer Metallkugel



Thermische Ausdehnung einer Flüssigkeit



Thermische Ausdehnung von Luft

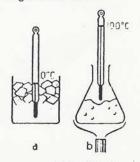
Es gibt aber auch noch andere Körpereigenschaften, die sich mit der Temperatur än= dern,z.B. die Farbe, der Druck (bei Gasen), die elektrische Leitfähigkeit u.a.

# 4.3.Temperaturmessung - Thermometer

Zur Messung der Temperatur kann grundsätzlich jede von der Wärme herrührende Ei= genschaftsänderung eines Stoffes ausgenutzt werden.Geräte zur Temperaturmessung nennt man <u>Thermometer</u>,Am bekanntesten sind die Flüssigkeitsthermometer,bei denen die Abhängigkeit des Volumens von der Temperatur zur Messung ausgenutzt wird.

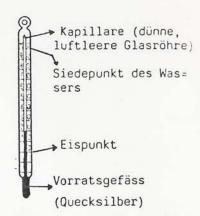
#### A.3.1.Quecksilberthermometer nach Celsius

Eichung des Thermometers: Die Umwandlung von Eis in Wasser und von Wasser in Dampf (bei gleichem Druck) erfolgt stets bei zwei ganz bestimmten,stets gleichen Stellungen



Fixpunkte des Thermometers

des Quecksilberfadens,also bei gleichen Temperaturen. Nach dem Vorschlag des schwedischen Astronoms Anders Celsius (1701-1744) wird der Fundamentalabstand Eispunkt-Siedepunkt in 100 Teile geteilt,die man Celsius-Grade nennt.Dabei wird der Eispunkt mit 0°C, der Siedepunkt mit 100°C bezeichnet.Die Einteilung setzt man mit gleichen Abständen für je 1°C unter dem Eispunkt (mit negativen Vorzeichen) und über den Siedepunkt hinaus fort.So erhält man die Celsius-Skala des Thermometers.



Wir setzen vorerst fest: Die Einheit der Temperatur (und der Temperaturdifferenz) ist ein Grad Celsius (1°C), das ist der hunderste Teil des Fundamentalabstandes Eispunkt-Siedepunkt des Wassers.

Die Temperatur ist eine Basisgrösse und wird, wenn sie in  $^{\circ}$ C angegeben wird, mit dem griechischen Buchstaben v (theta) bezeichnet.

Bemerkung: Der Siedepunkt des Wassers ist abhängig vom Luftdruck und damit von der Höhe über dem Meeresspiegel.Falls er auf Meereshöhe (Luftdruck 1013 hPa) mit 100°C bezeichnet wird,so siedet das Wasser auf der Zugspitze (2963 m ü NN) bei 90°C und auf dem Mount Everest (8848 m ü NN) bei 70°C.

### A.3.2.Andere Temperaturskalen

a) Fahrenheitskala: Daniel Fahrenheit (1686-1736), der eigentliche Erfinder des Hg-Thermometers, legte seiner Skala andere Bezugspunkte zugrunde:

Kältemischung (Eis + Wasser + Salmiak) : 0°F Siedepunkt des Wassers: 212°F

Dem Eispunkt (d.i. der Nullpunkt der Celsiusskala) wird der Wert 32°F zugeordnet,so dass der Abstand Eispunkt-Siedepunkt des Wassers genau 180°F misst.

Zur Umrechnung einer Temperaturangabe in Celsiusgraden (v) in eine in Fahrenheit= graden ( $t_{\rm E}$ ) oder umgekehrt,gelten folgende Formeln:

$$t_F = (\frac{9}{5}v + 32)^{\circ}F$$
  $v = (t_F - 32).\frac{5}{9} ^{\circ}C$ 

Die Fahrenheitskala ist in den USA, Australien und einigen anderen englisch sprechenden Ländern noch in Gebrauch.

b)<u>Réaumurskala:</u> Nach René-Antoine Seigneur de Réaumur (1683-1757) benannte Tempera: turskala,die früher in Frankreich gebräuchlich war.

Eispunkt: 0°R

Siedepunkt des Wassers: 80°R

c) Thermodynamische Temperaturskala oder Kelvinskala: Wie wir später sehen werden gibt es eine tiefstmögliche Temperatur, die nicht mehr unterschritten werden kann.

Diese tiefste überhaupt mögliche Temperatur liegt bei -273,15 °C.Nach einem Vorschlag des Engländers William Thomson, des späteren Lord Kelvin (1824-1907), führte man daher eine neue Temperaturskala ein, deren Nullpunkt dieser tiefstmöglichen Temperatur entspricht. Die von diesem absoluten Nullpunkt aus gezählte Temperatur wird thermodynamische Temperatur, oder absolute Temperatur oder aber Kelvin-Temperatur genannt (Formelzeichen: T). Sie hat nur positive Zahlenwerte, ihre Einheit, das Kelvin (K), entspricht genau dem Celsiusgrad.

Umrechnung:

## 4.4.Wärmeausdehnung von festen Körpern

### A.4.1.Die Längenausdehnungsformel (Ausdehnung in nur einer Richtung)

Erhöht man die Temperatur eines Stabes, so dehnt er sich in der Regel aus; erniedrigt man seine Temperatur, so zieht er sich zusammen. Ist die Temperaturänderung  $\Delta v$  nicht zu gross, so ist die Längenänderung  $\Delta l$  proportional zur Anfangslänge  $l_1$  und zur Temperaturänderung  $\Delta v$ . Ausserdem ist sie abhängig von der Stoffart aus der der Stab besteht.

$$\Delta 1 \sim 1_{1}$$

$$\Delta 1 \sim \Delta v$$

$$\Delta 1 \sim 1_{1} \cdot \Delta v$$

$$\Delta 1 = \alpha \cdot 1_{1} \cdot \Delta v$$

$$1_{2}$$

Der Proportionalitätsfaktor  $\alpha$  wird <u>linearer Ausdehnungskoeffizient</u> oder <u>lineare</u> <u>Wärmedehnzahl</u> genannt;  $\alpha$  ist charakteristisch für den Stoff aus dem der Stab besteht und gibt an um wieviel (in m) sich ein Stab von 1 m Anfangslänge bei Erwärmung um 1°C verlängert.(Einheit von  $\alpha$ : 1/°C)

Bemerkung: Im Falle einer Temperaturverringerung gilt:  $l_2 = l_1 \cdot (1 - \alpha \cdot \Delta v)$ 

### Einige Wärmedehnzahlen in 1/°C

Aluminium:	2,2.10 <sup>-5</sup>	Zink:	2,9.10 <sup>-5</sup>	Ziegel:	5.10 <sup>-6</sup>
Eisen/Eisenbe	ton:1,2.10 <sup>-5</sup>	Messing:	1,9.10 <sup>-5</sup>	Glas:	$9.10^{-6}$
Kupfer:	1,6.10 <sup>-5</sup>	Platin:	9,0.10 <sup>-6</sup>	Porzellan:	$3,4.10^{-6}$

### 1.4.2.Die Volumenausdehnungsformel

Feste Körper verändern bei einer Temperaturerhöhung  $\Delta v$  nicht nur ihre Länge sondern auch ihre Breite und Höhe. Die dabei eintretende Volumenänderung  $\Delta V = V_2 - V_1$  ist:

Der Volumenausdehnungskoeffizient  $\gamma$  lässt sich bei festen Körpern aus dem Längenaus= dehnungskoeffizienten  $\alpha$  errechnen.Es ist:  $\gamma = 3.\alpha$ 

Merke: Körper dehnen sich nach aussen aus; sind sie hohl, so dehnen sie sich aus als wäre der gesamte Körper voll (z.B. eine hohle Kugel)

- 1) Eine Eisenbrücke ist 635 m lang. Welchen Temperaturschwankungen darf sie ausgesetzt werden, wenn das bewegliche Auflager ein Spiel von 54 cm hat?
- 2) Bei einer Temperatur von 15°C werden 30 m lange Eisenbahnschienen verlegt.Wie gros muss man den Zwischenraum zwischen den einzelnen Schienen machen,damit bis zu ei= ner Temperatur von 50°C eine freie Ausdehnung erfolgen kann?
- 3) Ein Kupferstab hat bei der Temperatur  $v_0$  = 0 °C die länge  $l_0$  = 1 m.Bei der Temperatur  $v_1$  hat er die Länge  $l_1$  = 1,00136 m.Wie hoch ist die Temperatur  $v_1$ ?
- 4) Um welches Stück s ist die Gesamtlänge der Schienen der Bahnstrecke Hamburg-Frank= furt bei der Sommertemperatur  $v_1$  = 30°C grösser als bei der Wintertemperatur  $v_2$  = -10°C, wenn bei der Temperatur  $v_0$  = 0°C die Gesamtlänge der Schienen  $l_0$  = 540 km ist?
- 5) Erwärmt man zwei Aluminiumschienen von der ursprünglichen Gesamtlänge 8 m um 70°C, verlängert sich die eine um 2 mm mehr als die andere. Welche Länge haben die beiden Schienen einzeln?
- 6) Die Stossfuge zwischen den je 25 m langen Eisenbahnschienen verengt sich bei Erwär mung von 5°C auf 20°C um 30 % ihres Anfangswertes.Bei welcher Temperatur schlies= sen sich die Schienen völlig zusammen und wie gross ist der anfängliche Abstand?
- 7) Welcher Querschnitt muss einer bei 18°C angefertigten Messdüse von kreisförmigem Querschnitt aus Chromnickelstahl gegeben werden, damit sie bei einer Betriebstempe= ratur von 350°C einen Querschnitt von 25 mm² hat? ( $\alpha$  = 1,8.10<sup>-5</sup> 1/°C)
- 8) Eine Bleikugel hat bei  $v_0$  =  $\Theta^{\circ}$ C einen Durchmesser von d = 60 mm. Wie gross ist der Rauminhalt bei  $v_0$  und bei  $v_1$  =  $100^{\circ}$ C? ( $\alpha$  = 2,9. $10^{-5}$  1/°C). Un where  $v_1$  der Durchmesser quoden ?

# /,5.Wärmeausdehnung von Flüssigkeiten

Die Wärmedehnzahl  $\gamma$  ist bei Flüssigkeiten wegen der geringeren Kohäsionskräfte erheblich grösser als bei festen Stoffen (z.B. bei Wasser 14-mal und bei Alkohol 32-mal grösser als bei Stahl).

Einige Wärmedehnzahlen in 1/°C

Azeton	1,43.10 <sup>-3</sup>
Aethylalkohol	1,08.10 <sup>-3</sup>
Benzol	1,05.10 <sup>-3</sup>
Quecksilber	1,8.10 <sup>-4</sup>
Wasser	$1,3.10^{-4}$

Bei Flüssigkeiten gilt die Formel:

$$V_2 = V_1 \cdot (1 + \gamma_s \Delta v)$$
  $\gamma_s = \text{scheinbare Wärmedehnzahl}$ 

Scheinbare Ausdehnung: Beim Erwärmen eines mit Wasser gefüllten Glaskolbens steigt nicht der gesamte Volumenzuwachs der Flüssigkeit in der Steigröhre hoch,weil sich das Gefäss auch ausdehnt;nur die Volumenänderung

$$\Delta V = \Delta V_{\text{Flüssigkeit}} - \Delta V_{\text{Gefäss}} = V.(v_{\text{Flüssigkeit}} - v_{\text{Gefäss}})$$

ist an der Steigröhre zu beobachten.

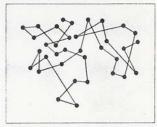
$$v_s = v_{Fl} - v_{Ge} \simeq v_{Fl}$$

- 1) Der Benzintank eines Pkw besteht aus Eisenblech und hat ein Fassungsvermögen von 56 Liter. Der Tank wird mit Benzin der Temperatur  $v_1$  = 10°C randvoll gefüllt. Da anschliessend der Pkw im prallen Sonnenschein abgestellt wird, erhöht sich die Temperatur des Benzintanks und des Benzins auf  $v_2$  = 25°C. Wieviel Benzin fliesst aus dem Tank aus?( $\gamma_{\text{Fe}}$  = 3,6.10<sup>-5</sup> 1/°C;  $\gamma_{\text{Benzin}}$  = 1,2.10<sup>-3</sup> 1/°C)
- 2) Berechne die Dichte von Quecksilber bei 180°C, wenn die Dichte bei 0°C 13,6 kg/dm $^3$  beträgt! ( $\gamma_{\rm Hg}$  = 1,8.10 $^{-4}$  1/°C)
- 3) Ein Glaskolben (Rauminhalt bei 0°C: 600 cm³) wird ganz mit Quecksilber von 0°C gefüllt und dann in einem Wasserbad auf 60°C erwärmt.Dabei fliessen 5,72 cm³ Quecksilber aus.Berechne unter Berücksichtigung der Ausdehnung des Glaskolbens den  $\gamma$ -Wert von Quecksilber! ( $\gamma_{\rm Glas} = 9.10^{-6}$  1/°C)

# √.C.Die physikalische Natur der Wärme

Versuch: In einigen Tropfen Wasser rührt man vorsichtig mit einem Stückchen chinesischer Tusche, von der sich dabei winzig kleine Teilchen (Russteilchen) ablösen.Be= trachtet man die Wassertröpfchen im Mikroskop bei etwa 600-facher Vergrösserung, so erkennt man deutlich eine anhaltende zitternde Bewegung der Teilchen.

Diese Erscheinung nennt man nach ihrem Entdecker dem englischen Botaniker Brown die Brownsche Molekularbewegung.



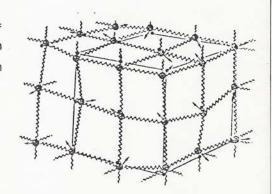
Brownsche Bewegung

Deutung des Versuches: Die Bewegung der Russteilchen kann nur dadurch entstehen,dass die unsichtbaren Wassermoleküle unregelmässige und rasche Bewegungen ausführen und dabei ständig an die Russteilchen anstossen.Bei Erhöhung der Temperatur wird,wie Versuche zeigen,die Zitterbewegung lebhafter: Die Geschwindigkeit der Moleküle wächst also mit steigender Temperatur.

Das,was man Temperatur eines Körpers nennt,beruht also auf der ungeordneten Bewegung seiner Atome,Moleküle und Ionen.Schnelle Bewegung bedeutet hohe,langsame Bewegung bedeutet tiefe Temperatur.Völlige Ruhe herrscht erst am absoluten Nullpunkt.Die gesamte (kinetische) Energie der Teilchen eines Körpers bezeichnet man als <u>innere Energie</u> dieses Körpers.Diese innere Energie eines Körpers kann durch Wärmezufuhr vergrössert, durch Wärmeentzug veringert werden.Erwärmung bedeutet also Energiezufuhr,Abkühlung Energieentzug.

Deutung der thermischen Ausdehnung mit Hilfe der kinetischen Wärmetheorie

In Festkörpern sind die Teilchen gitterartig angeordnet und an einen bestimmten Ort gebunden,um den sie aber Schwingbewegungen ausführen können.In den Flüssigkeiten geben sie ihre feste Lage im Gitter auf und besitzen daher mehr Bewegungsfreiheit.In Gasen schwirren sie wie Mücken im Raum umher und erzeugen durch ihren Aufprall an den Wänden den



Gasdruck.Da eine Temperaturerhöhung eine Steigerung der mittleren Teilchengeschwin= digkeit bedeutet,werden die Moleküle bei rascheren Bewegungen (also bei Erwärmung) mehr Bewegungsfreiheit und damit mehr freien Raum benötigen als bei weniger raschen. Auf diese Weise erklärt sich die thermische Ausdehnung der Körper.

Auch die relaktiv stärkere Ausdehnung der Gase ist dadurch zu erklären,dass bei Gasen die gegenseitige Anziehungskräfte der Moleküle fehlen,was die Bewegungsfreiheit we= sentlich erhöht.

# A.Die Ausbreitung der Wärme

Wärme kann von einem wärmeren auf einen kälteren Körper auf drei verschiedene Arten übertragen werden und zwar durch Wärmeströmung, durch Wärmeleitung oder durch Wärmestrahlung.

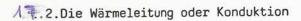
### 1.1.Die Wärmeströmung oder Konvektion

Bei einseitiger Erwärmung setzt in Flüssigkeiten (und Gasen) eine Strömung ein,die gleichzeitig Wärme befördert.Sie heisst Wärmeströmung oder Konvektion und kommt dadurch zu= stande,dass warmes Wasser leichter ist als kaltes Wasser und daher aufsteigt.

Beispiele:Warmwasserheizung in Häusern

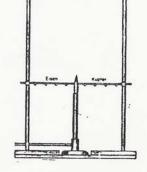
Golfstrom (= warme Meeresströmung im nördlichen At= lantik die ihren Ursprung im Golf von Mexiko hat)

Zug in Schornsteinen Warmluftheizung

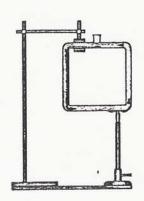


Gleich dicke Stäbchen von etwa 20 cm Länge aus Eisen, Kupfer, Zink und Glas, an denen in gleichen Abständen kleine Wachskugeln angeklebt sind, werden gleich weit in eine Bunsenflamme gebracht. An den abfallenden Wachskugeln kann man die unterschiedliche "Wärmeleitung" von verschiedenen Stoffen versfolgen.

Bei dieser Art des Wärmetransportes wandert demnach die Wärme in Körpern von warmen Stellen zu benachbarten kälteren Stellen` und zwar wird sie unmittelbar von Molekül zu Molekül weiterge= leitet.Dabei zeigt sich,dass verschiedene Stoffe verschieden gute Wärmeleiter sein können.Im allgemeinen sind Metalle gute



Wärmeleiter in der Reihenfolge Silber, Kupfer, Aluminium, Eisen, Quecksilber usw.



Erwärmt man ein schief gehaltenes, mit kaltem Wasser gefülltes Reagenzglas am oberen Ende, so kommt nach kurzer Zeit das Was= ser am oberen Ende des Reagenzglases zum Sieden,während ein durch Bleidraht beschwertes Eisstück erst nach längerer Zeit anfängt zu schmelzen. Wasser, und auch andere Flüssigkeiten mit Ausnahme von Queksilber, sind demnach schlechte Wärmeleiter. Am schlechtesten jedoch leiten Gase, wenn keine Wärmeströmung in ihnen möglich ist.



Sehr schlechte Wärmeleiter sind ausser den Gasen auch Wolle, Glaswolle, Papier, Pappe, Kork, Federn, Schnee, Eis, poröse Kunststoffe usw. Man verwendet sie daher als "Wärme= isolierstoffe".

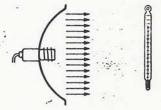
#### Anwendungen

- grossflächige Metallrippen sind gute Wärmeableiter bei Heizungen und Motoren
- Thermosflaschen sind doppelwandige Gefässe mit luftleerem Zwischenraum
- die Schneedecke schützt die Saaten gegen strenge Kälte
- weitere Beispiele: Topflappen, Pelzkleidung, Doppelfenster, Eishütte der Eskimos, Hohlbausteine, Kühlschrank, Gefriertruhe, usw.

## .3.Die Wärmestrahlung

Der Wärmetransport von einem wärmeren Körper zu einem kälteren Körper ohne Mitwirkung Wärmestrahlen gehen nicht nur von lichtaussendenden heissen Körpern aus, sondern auch von nichtleuchtenden Körpern, sofern ihre Eigentemperatur höher ist als die der Umgebung. Die Wärme= strahlen selbst sind unsichtbar. Sie erwärmen die Körper auf die sie treffen.

Beispiele: Sonne, Heizsonne, Infrarotlampe, Heizkörper, Ofen. Grill, usw.



Heizsonne als Warmestrabler

Treffen Wärmestrahlen auf einen dunklen Körper mit rauher Oberfläche.so werden sie von diesem fast vollständig verschluckt (absorbiert), während helle Körper mit blanker Oberfläche die auffalende Warmestrahlung grössten= teils zurückwerfen (reflektieren). Schwarze Körper strahlen ausserdem die Wärmeleich= ter wieder ab als helle oder spiegelnde Körper gleicher Temperatur. (Radiometer)

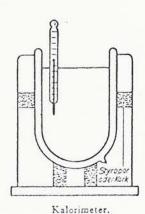
- 1) Aus welchen Stoffen bestehen Pfannen, Kochtöpfe und Bügeleisen? Weshalb?
- 2) Aus welchen Stoffen bestehen die Griffe der Kochtöpfe und der Bügeleisen?Weshalb?
- 3) Weshalb serviert man warme Speisen auf Porzellantellern und nicht auf Metall=
- 4) Welche Farben benutzt man zum Anstreichen der Kühlschränke und der Kühlwagen? Weshalb?

# 2.4. Wärmeenergie und spezifische Wärmekapazität

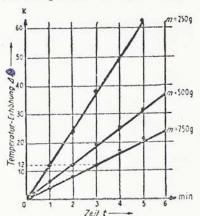
Da,wie schon erwähnt,die Wärme oder Wärmemenge eine Art Energie ist,wird sie wie jede andere Energieart auch,in Joule (J) gemessen und mit dem Formelzeichen W bezeichnet.

Die Wärme, die man einem Körper zuführen will, kann mechanisch (durch Reibung), elektrisch (durch den elektrischen Strom) oder chemisch (durch Verbrennung) "erzeugt" werden. Dabei wird entweder mechanische, elektrische oder chemische Energie in Wärme umgewandelt.

Zur Bestimmung der Wärmeenergie eines Körpers führen wir folgenden Versuch aus.



	250 g	500 g	750 g		
Zeit n min	Temperatur Erhöhungen △ de in K				
0	0	0	0		
1	12	6	4		
2	25	12	8		
3	38	18	12		
4	49	25	17		
5	62	31	21		



In einem Kalorimetergefäss werden mit Hilfe eines Tauchsieders bekannter Leistung verschiedene Mengen Wasser während einer bestimmten Zeit erwärmt, wobei bei Beginn des Versuches und nach jeder Minute die Temperatur gemessen und jeweils die Temperaturdifferenz  $\Delta v$  bezüglich der Anfangstemperatur berechnet wird. Die drei Erwärmungs= vorgänge werden sodann in einem Schaubild grafisch dargestellt.

#### Wir stellen sodann fest:

1) Die Temperaturzunahmen  $\Delta v$  wachsen für ein und dieselbe Wassermenge gleichmässig an. Die dem Wasser zugeführte Wärmeenergie W ist also proportional zur Zeit t und damit zur Temperaturerhöhung  $\Delta \theta$ .

$$W \sim \Delta \Theta$$
 (wenn m konstant ist)

2) Verschiedene Wassermengen werden bei Zufuhr gleicher Wärmeenergieportionen verschieden stark erwärmt. Die zur Erwärmung um gleiches  $\Delta v$  benötigte Wärmeenergie W ist also auch noch proportional zur Masse m des Wassers.

$$W \sim m \quad (wenn \Delta v \quad konstant ist)$$

Aus 1) und 2) folgt:  $W \sim m.\Delta \theta$ 

oder: 
$$W = c.m.\Delta\theta$$
 (c = Proportionalitätskonstante)

Wie ein weiterer Versuch zeigt benötigen gleiche Massen verschiedener Stoffe für die gleiche Temperaturerhöhung verschiedene Wärmeenergien. Die Grösse c trägt dem Rechnung Sie ist also eine für den jeweiligen Stoff charakteristische Grösse und heisst spezifische Wärmekapazität. Ihr Zahlenwert gibt an, welche Wärmeenergie, in J oder kJ, zur Erwärmung von 1 kg eines bestimmten Stoffes um 1 K (= 1°C) aufzuwenden ist. Einige spezifische Wärmekapazitäten zwischen 0°C und 100°C in  $\frac{kJ}{kg.K}$ 

Flüssigkeiten		Metalle		andere feste Stoffe		Gase (bei konst. Druck)	
Wasser Alkohol Glycerin Aceton Petroleum Benzol Ol 1,9. Quecksilber	4,19 2,43 2,39 2,18 2,13 1,72 2,1 0,138	Aluminium Stahl 0,48. Nickel Messing Kupfer Silber Platin Blei	0.89 067 0.44 0.39 0.38 0.23 0.134 0.130	Eis Erdreich Mauerwerk Holz Porzellan Glas Gummi	2,0 1,3 2,5 0,8 2,0 1,0 1,7 0,92 0,8 1,4 2,1	Wasserstoff Heffum Wasserdampf Stickstoff Luft Sauerstoff Kohlendioxid Chior	14,3 5,2 1,9 1,05 1,0 0,92 0,84 0,5

### Bestimmung der spezifischen Wärmekapazität von Wasser

Wir erwärmen mit Hilfe eines Tauchsieders während einer bestimmten Zeit t eine bestimmte Masse m Wasser.

Angaben: Leistung des Tauchsieders: P = 1000 W

Zeit: t = 45 s

Wassermasse: m = 0750 kg

Anfangstemperatur:  $v_1 = 20$  °C

Endtemperatur:  $v_2 = 33$  °C

Temperaturunterschied:  $\Delta v = v_2 - v_1 = NS \circ C = NS K$ 

Die vom Tauchsieder abgegebene Energie beträgt: W' = P.t = 36 000 J Kann von Wärmeverlusten abgesehen werden,so ist die vom Wasser aufgenommene Wärme= energie W gleich der vom Tauchsieder abgegebenen Energie W'.

Die spezifische Wärmekapazität des Wassers ergibt sich sodann aus:

$$c = \frac{W}{m \cdot \Delta v} = 3.69 \frac{kT}{M_0 K}$$

Experimentell ermittelter Wert von  $c = \frac{kJ}{kg.K}$ 

richtiger Wert:  $c = 4,1868 \frac{kJ}{kg.K}$ 

Zur Erwärmung von 1 kg Wasser um 1 K benötigt man also eine Energie von 4,19 kJ.Frü= her nannte man die Wärmeenergie 4,19 kJ eine Kilokalorie (kcal).

# 2.2.Die Wärmekapazität und der Wasserwert

Auch ein Behälter,in dem eine Flüssigkeit erwärmt wird, bedarf einer Wärmezufuhr. Die Wärmeaufnahme lässt sich über die Wärmekapazität des Gefässes berechnen.

Die Wärmekapazität gibt an,welche Wärmemenge einem Körper der Masse  $m_{\tilde{K}}$  und der spezifischen Wärmekapazität  $c_{\tilde{K}}$  zugeführt werden muss,um seine Temperatur um 1 K ( = 1°C) zu erhöhen.

Wärmekapazität = 
$$c_{K}.m_{K}$$
 (in J/K)

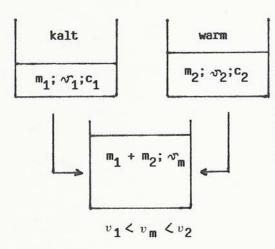
Man kann sich aber auch statt des Gefässes ersatzweise eine Wassermenge  $m_{\widetilde{W}}$  vorstel= len, die die gleiche Temperatur annimmt wie das in das Gefäss eingefüllte Wasser. Diese zusätzliche Wassermenge  $m_{\widetilde{W}}$  (in kg), die also die gleiche Wärme aufnimmt wie das Gefäss, wird Wasserwert des Gefässes genannt.

# 2.3.Bestimmung der Mischungstemperatur von zwei Flüssigkeiten

Zur Berechnung der Mischungstemperatur bei Mischungen beliebiger Art sind zwei Er= fahrungstatsachen von Bedeutung:

- 1) Wärme verhält sich wie ein unzerstörbarer Stoff. Eine einmal vorhandene Wärme kann niemals spurlos verschwinden. Sieht man von Wärmeverlusten ab, so gilt nach dem Wär= meausgleich: Wärmeverlust der ursprünglich heissen Flüssigkeit = Wärmegewinn der ursprünglich kalten Flüssigkeit.
- 2) Haben zwei Körper unterschiedliche Temperaturen,so wird die Wärme so lange vom wärmeren zum kälteren Körper übergehen,bis sich überall dieselbe Temperatur,die "Mischungstemperatur  $v_{\tt m}$ ",einstellt.

Die Flüssigkeitsmengen  $m_1$  (  $v_1; c_1$ ) und  $m_2$  (  $v_2; c_2$ ) werden gemischt.



Es gilt:

Wärmeabgabe der heissen Flüssigkeit = Wärmeauf= nahme der kalten Flüssigkeit

$$\begin{aligned} \mathbf{W}_{ab} &= \mathbf{W}_{zu} \\ \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} (\ v_{2} - v_{m}) &= \mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} (\ v_{m} - v_{1}) \\ \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} v_{2} - \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} v_{m} &= \mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} v_{m} - \mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} v_{1} \\ \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} v_{2} + \mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} v_{1} &= \mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} v_{m} + \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} v_{m} \\ \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} v_{2} + \mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} v_{1} &= (\mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} + \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}}) v_{m} \\ \\ v_{m} &= \frac{\mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} v_{1} + \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} v_{2}}{\mathbf{c}_{1}^{\mathsf{m}_{1}} + \mathbf{c}_{2}^{\mathsf{m}_{2}} v_{2}} \end{aligned}$$

Mischt man warmes Wasser mit kaltem Wasser:  $c_1 = c_2 = 4,19 \text{ kJ.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$  so vereinfacht sich die Formel zu

$$v_{\rm m} = \frac{{}^{\rm m_1} {}^{\rm v_1} {}^{+} {}^{\rm m_2} {}^{\rm v_2}}{{}^{\rm m_1} {}^{+} {}^{\rm m_2}}$$

Versuch: m<sub>1</sub> =

errechneter Wert für  $v_m$  = gemessener Wert für  $v_{\rm m}$  =

v1 =

Der durch den Versuch ermittelte Wert für  $v_{\mathrm{m}}$  liegt niedriger als der berechnete.Ursa= che:Das ursprünglich kalte Gefäss wird,wie schon erwähnt,miterwärmt,und bei der Berech= nung blieb diese Wärmeaufnahme unberücksichtigt. Zudem führt der ebenfalls unberück= sichtigte Wärmeverlust an die Umgebung zu einem kleineren Wert von  $v_{
m m}$ .

2 Mischungstemperatur unter Berücksichtigung der Wärmeabgabe an Gefäss und Umgebung

Beide Einflüsse, sowohl die Berücksichtigung der Wärmekapazität (oder des Wasserwertes) des Gefässes als auch die Beachtung der Wärmeabgabe an die Umgebung, führen zu einer niedrigeren Mischungstemperatur. Jedoch ist zu beachten, dass sich die Wärmeaufnahme des Gefässes nur dann in diesem Sinne bemerkbar macht,wenn die Mischung im Gefäss des kalten Wassers erfolgt.Bei Mischung im Gefäss des heissen Wassers würde sich das Gefäss auf die Mischungstemperatur abkühlen,was mit einer Wärmeabgabe an das Wasser verbun= den wäre.

Das ursprünglich kalte Gefäss (Temperatur  $v_1$ ;Masse  $\mathsf{m}_\mathsf{K}$ ;spez. Wärmekapazität  $\mathsf{c}_\mathsf{K}$ ) nimmt nach der Mischung die Temperatur  $v_{\mathsf{m}}$  an.Die allein dem Gefäss zugeführte Wärmeenergie beträgt also  $c_{K}^{m}_{K}(v_{m}-v_{1})$ .Hieraus folgt:

 $c_{2}^{\mathsf{m}} = c_{1}^{\mathsf{m}} = c_{1$ 

Wärmeabgabe an Gefäss

$$== \Rightarrow c_2^{m_2}(v_2 - v_m) = (c_1^{m_1} + c_K^{m_K})(v_m - v_1) + W_V$$

Hieraus folgt dann:

$$v_{\rm m} = \frac{(c_1^{\rm m}_1 + c_K^{\rm m}_{\rm K}) v_1 + c_2^{\rm m}_2 v_2 - W_{\rm V}}{c_1^{\rm m}_1 + c_2^{\rm m}_2 + c_K^{\rm m}_{\rm K}}$$

Bemerkung:Wärme stellt eine Energieform dar. Für eine bestimmte Flüssigkeitsmenge muss daher sofort anzugeben sein, welche Wärmeenergie in ihr enthalten ist. Genauso wie bei der Lageenergie eines Körpers die Bezugshöhe beliebig gewählt werden kann, so ist auch die Bezugstemperatur für die Wärmeenergie willkürlich wählbar. Aus zweckmässigen Grün= den legt man fest:

11 (2) When we have being 100 l Dossa on 40°C. Es still Rolley Dossa on 10°C und insurer Dossa on 85°C year Verligury. All De Flanger on Rollen and warmen Dossa worden benety betty.

(2) 40 hours Dossa Wille day bolly Dossa?

# 2.5.Bestimmung der spez. Wärmekapazität eines festen Körpers

Beim Eintauchen eines heissen Festkörpers (z.B. eines Stück Kupfers oder besser noch einer bestimmten Menge Kupferspäne) in kaltes Wasser,stellt sich sehr rasch ein Tempe=raturausgleich zwischen Kupfer und Wasser ein. Für die Berechnung ist es völlig gleich=gültig,ob der Wärmeaustausch zwischen zwei Flüssigkeiten oder zwischen einer Flüssig=keit und einem Festkörper erfolgt.

Kupferspäne (Masse:  $\mathbf{m_1}$  ; Temperatur :  $v_1$  ; spez. Wärmekapazität :  $\mathbf{c_1}$ ) Wasser (Masse :  $\mathbf{m_2}$  ; Temperatur :  $v_2$  ; spez. Wärmekapazität :  $\mathbf{c_2}$ )

Vom Kupfer abgegebene Wärmeenergie:  $W_{ab} = c_1^m c_1 - v_m$ ) Vom Wasser aufgenommene Wärmeenergie:  $W_{zu} = c_2^m c_1 (v_m - v_2)$ 

Unter Berücksichtigung der Wärmekapazität des Kalorimetergefässes und der Wärmeverluste an die Umgebung erhält man dann:

$$c_1^{m_1}(v_1 - v_m) = (c_2^{m_2} + c_K^{m_K})(v_m - v_2) + W_V$$

Hieraus folgt:

$$c_{1} = \frac{(c_{2}^{m_{2}} + c_{K}^{m_{K}})(v_{m} - v_{2}) + W_{V}}{m_{1}(v_{1} - v_{m})}$$

(Bestimmung der spez. Wärmekapazität des eingebrachten Körpers)

$$v_1 = \frac{(c_1^{m_1} + c_2^{m_2} + c_K^{m_K}) v_m - (c_2^{m_2} + c_K^{m_K}) v_2 + w_V}{c_1^{m_1}}$$

(Bestimmung der Temperatur des eingebrachten Körpers)

Bemerkung: Selbstverständlich lässt sich die spez. Wärmekapazität oder die Temperatur einer unbekannten Flüssigkeit nach demselben Verfahren bestimmen. Man gibt dann statt Wasser die Masse  $\mathrm{m}_2$  der zu messenden Flüssigkeit in das Kalorimetergefäss und nimmt den heissen Körper aus einem Stoff bekannter Wärmekapazität  $\mathrm{c}_1$ .

- 1) Ein Tauchsieder liefert je Sekunde 0,2 kcal.Welche Temperaturerhöhung erfolgt bei 5 Liter Wasser,wenn das Gerät nach 15 Minuten abgeschaltet wird?
- 2) Die Flamme des Bunsenbrenners liefert 0,18 kcal/s.Wieviel kg Olivenöl können damit in 15 Minuten von 20°C auf 70°C erwärmt werden? (c = 1,97 kJ.kg $^{-1}$ .K $^{-1}$ )

- 3) Mit Hilfe eines Tauchsieders wird Benzol der Masse  $\rm m_1$  = 750 g erwärmt.Die Temperatur steigt dabei in der Zeit  $\rm t_1$  = 3 min. 35 s um 50°C.Berechne die Heizleistung des Tauchsieders!Mit Hilfe dieses Tauchsieders wird danach Glyzerin der Masse  $\rm m_2$  erwärmt.Die Temperatur des Glyzerins steigt dabei in der Zeit  $\rm t_2$  = 2 min. 24 s um 15°C.Wie gross ist die Masse  $\rm m_2$  des Glyzerins? ( $\rm c_{Benzol}$  = 1,72 kJ.kg $^{-1}$ .K $^{-1}$ ;  $\rm c_{Glyzerin}$  = 2,4 kJ.kg $^{-1}$ .K $^{-1}$ )
- 4) Eine Badewanne soll mit 300 Liter Wasser der Temperatur 38°C gefüllt werden. Es steht siedendes Wasser ( $v_1$  = 100°C) und Leitungswasser ( $v_2$  = 16°C) zur Verfügung. Wieivel Liter von jeder Sorte ist zu nehmen?
- 5) In einem Behälter befindet sich ein Liter Wasser von 18°C.Es werden 1,5 Liter Wasser von 56°C hinzugeschüttet.Welche Mischungstemperatur stellt sich ein,
  - a) wenn man die Wärmeabgabe an Gefäss und Umgebung unberücksichtigt lässt
  - b) wenn man beachtet, dass das Mischungsgefäss, das ursprünglich das kalte Wasser enthielt, aus Glas (c = 0,8 kJ.kg $^{-1}$ .K $^{-1}$ ) ist, die Masse 2 kg hat
  - c) wenn man beachtet, dass zusätzlich noch ein Wärmeverlust von 17,6 kJ an die Umge= bung stattfindet?
- 6) In einem Aluminiumbehälter ( $m_{K}$  = 0,45 kg) befinden sich 4 Liter Wasser von 20°C. Welche Mischungstemperatur stellt sich ein,wenn 2,5 Liter Wasser von 80°C zugegos= sen werden,
  - a) ohne Berücksichtigung von Wärmeabgabe an Gefäss und Umgebung
  - b) unter Berücksichtigung der Wärmeaufnahme des Gefässes
  - c) unter Berücksichtigung einer zusätzlichen Wärmeabgabe von 4 % der Wärmeenergie des heissen Wassers an die Umgebung?
- 7) In einem Gefäss (1,2 kg) befinden sich 4 Liter Wasser von 22°C.Nach dem Hinzugies= sen von 6 Liter Wasser von 60°C stellt sich eine Mischungstemperatur von 41°C ein. Wie gross war bei der Mischung die Wärmeabgabe an die Umgebung in kJ und in Prozent der Wärmeenergie des heissen Wassers?Die Wärmekapazität des Gefässes ist zu berück= sichtigen.
- 8) Eine Messingkugel (m = 0,3 kg) wird unmittelbar aus einem Glühofen in 3 Liter Wasser abgekühlt.Wie gross ist die spez. Wärmekapazität des Messings,wenn die Ofentemsperatur 356°C betrug und sich eine Temperaturerhöhung des Wassers von 20°C auf 23°C einstellt?
- 9) In einem Mischungsgefäss (Wärmekapazität: 1,26 kJ.K<sup>-1</sup>) befinden sich 2 Liter Wasser von 20°C.Nach Zugabe eines Kupferstückes mit einer Temperatur von 500°C stellt sich eine Mischungstemperatur von 27°C ein.Welche Masse hatte das Kupferstück?
- 10) Welche Anfangstemperatur hat eine glühende Kupferkugel von 63 g Masse, die in 300 g Wasser von 18°C geworfen, dieses auf 37°C erwärmt?( $c_{CU} = 0,385 \text{ kJ.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ )

## 2.6 Wärmequellen / Brennwerte

Der für das Leben auf der Erde entscheidende Energiespender ist die Sonne. Jedes m<sup>2</sup> der Erde, das senkrecht von den Sonnenstrahlen getroffen wird, erhält bei völlig klarem Himmel in jeder Sekunde etwa 1 kJ Energie zugestrahlt. Diese Energie kann von Pflanzen in chemischer Form gespeichert werden. In früheren Erdperioden entstanden daraus durch verschiedenartige Umwandlungen grosse Lager von Kohle, Oel und Erdgas. Das Verbrennen dieser sogenannten fossilen Brennstoffe (und auch Holz) ist heute (noch) für Technik und Haushalt die bedeutendste Wärmquelle und eine wesentliche Grundlage unseres hohen Lebensstandards.

Natürlich sind nicht alle brennbaren Stoffe gleichwertige Energiespender.Um einen Vergleich zu ermöglichen,bestimmt man ihren <u>spezifischen Brennwert (Heizwert)</u>;darunter versteht man die bei der Verbrennung von 1 kg (oder 1 m<sup>3</sup>) Brennstoff entstehende Wärmeenergie.

Beispiele: - Holz:  $14.10^3 \text{ kJ/kg}$  - Stadtgas:  $17,6.10^3 \text{ kJ/m}^3$  - Braunkohle:  $12.10^3 \text{ kJ/kg}$  - Ferngas:  $19,0.10^3 \text{ kJ/m}^3$  - Steinkohle:  $31.10^3 \text{ kJ/kg}$  - Erdgas:  $35....42.10^3 \text{ kJ/m}^3$  - Heizöl:  $42.10^3 \text{ kJ/kg}$  - Propangas:  $104.10^3 \text{ kJ/m}^3$ 

Die beim Verbrennen von 1 m<sup>3</sup> Erdgas entstehende Wärmemenge beträgt also ungefähr 38.10<sup>3</sup> kJ.Von dieser Wärmemenge werden beim Kochen auf dem Gasherd in der Regel nur 30 bis 40 % genutzt.Ebenso entweicht ein beträchtlicher Teil der in den Heizungen und Oeffen erzeugten Wärme durch den Schornstein ins Freie.Um zu beschreiben,ob ein Heizegerät die Wärme gut nutzt oder vergeudet,gibt man seinen Wirkungsgrad an.Man versteht darunter den Quotienten aus der tatsächlich genutzten Wärme zu der insgesamt aufgewand ten Wärme.

Wirkungsgrad 
$$\eta = \frac{\text{genutzte Wärme}}{\text{aufgewandte Wärme}}$$
 . 100 %

## 2.7 Allgemeiner Energiesatz

Erstmals hat der deutsche Arzt Robert Mayer im Jahre 1842 die Vermutung ausgesprochen, dass Wärme eine Energieform ist.Er hat zugleich den Satz von der Arbeitserhaltung,der bis dahin nur für mechanische Arbeit galt,erweitert,indem er die Wärmeenergie mit ein= bezog.Als erster hat er auch erkannt,dass der Satz von der Erhaltung der Arbeit nur eine Teilerscheinung eines umfassenderen Prinzips darstellt,das die ganze Welt be= herrscht.Einer der bedeutendsten und begabtesten deutschen Physiker,Hermann von Helm= holtz begründete im Jahre 1847 exakt die Vorstellungen von R. Mayer und stellte eines der wichtigsten Naturgesetze auf,das Prinzip der Erhaltung der Energie:

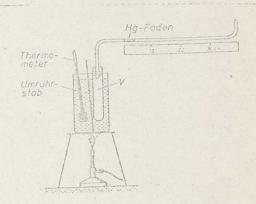
In einem abgeschlossenen System, in dem sich beliebige mechanische, thermische, elektrische, chemische, optische, nukleare oder sonstige physikalische Vorgänge abspielen, bleibt die vorhandene Gesamtenergie unverändert.

Ist das System nicht abgeschlossen, so ist die Zunahme bzw. Abnahme der Gesamt= energie des Systems gleich der Summe der von aussen zugeführten bzw. nach

Gase dehnen sich bei Erwärmung noch erheblich stärker aus als Flüssigkeiten Wird der (absolu= te) Druck des Gases konstant gehalten (z.8. in= dem man das Gas in einem Zylinder mit verschieb= barem Kolben einschliesst) so gilt auch hier das

$$V = \gamma . V_0 . \Delta v$$

$$V = y \cdot V_0 \cdot \Delta v$$
 bzw.  $V = V_0 \cdot (1 + y \Delta v)$ 



V = Endvalumen bei der Temperatur  $v \circ C$ 

 $V_0$  = Ausgangsvolumen bei der Temperatur 0°C (daher ist auch  $\Delta v = v$ )

Wegen der sehr geringen Kohäsionskräfte ist die Wärmedehnzahl y recht gross (rund 100-mal grösser als bei Stahl); ausserdem besitzen alle Gase, gleich welcher Art, nähe= rungsweise dieselbe Wärmedehnzehl:

Die Volumenzunahme eines beliebigen Gases beträgt demnach je °C Temperaturerhöhung rund 1/273 des Volumens, das die Gasmenge bei 0°C einnimmt.(273 Liter eines Gases von 0°C dehnen sich also bei Erwärmung um 1 °C auf 274 Liter aus)

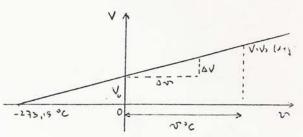
Gesetz von Gay-Lussac

Erwärmt man ein Gasvolumen  $V_0$  von 0 °C auf die Temperatur  $\nu$  °C,so vergrössert sich sein Volumen auf

$$V = V_0 \cdot (1 + \frac{p}{273})$$
 falls p konstant ist

Eine Folgerung des Gay-Lussacschen Gesetzes: der absolute Nullpunkt

Vorbemerkung: Die Gesetze für die thermische Ausdehnung gelten nur so lange, wie die Körper ihre Zustandsform nicht ändern. Insbesondere gehen die Gase bei tiefen Tempe= raturen und hohen Drücken aber in den flüssigen Zustand über (z.8. Luft bei -196 °C) Wendet man nun das Gay-Lussacsche Gesetz auf ein gedachtes "ideales" Gas (das sich nicht verflüssigen lässt) an,so stellt sich die Frage,bei welcher Temperatur ein solches Gas kein Volumen mehr besitzt. Aus der Gleichung



$$V = V_0 \cdot (1 + \frac{v}{273 \circ C})$$

folgt dann, da V = 0

$$0 = V_0.(1 + \frac{v}{273 ^{\circ}C})$$

und, da  $V_0 \neq 0$ 

$$0 = 1 + \frac{v}{273^{\circ}C}$$

==⇒ 
$$v = -273$$
°C (genauer: -273,15°C)

Die tiefste überhaupt mögliche Temperatur beträgt demnach,wie schon erwähnt,-273°C ==⇒ absoluter Nullpunkt

Unter Einführung der absoluten Temperatur (Kelvintemperatur) in das Gag-Lussacsche Gesetz erhält man:

$$V = V_0 \cdot (1 + \frac{v}{273 \text{ °C}})$$

$$V = V_0 \cdot (\frac{273 \text{ K} + \nu}{273 \text{ K}})$$

$$V = V_0 \cdot \frac{T}{T_0}$$
 
$$T = 273 \text{ K} + v = \text{absolute Temperatur bei } v \circ C$$
 
$$T_0 = 273 \text{ K} = \text{absolute Temperatur bei } 0 \circ C$$

$$==\Rightarrow \frac{V}{T} = \frac{V_0}{T_0}$$

==
$$\Rightarrow$$
  $\frac{V}{T}$  = konstant, falls p konstant ist

2. Fassung des Gay-Lussacschen Gesetzes

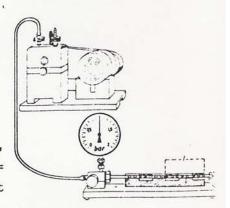
111 70

- 1) Wieviel Luft strömt aus einem Klassenzimmer (10 m  $\times$  6 m  $\times$  4 m) aus, wenn die Tempe= ratur von 0 °C auf 20 °C erhöht wird?
- 2) Um wieviel Prozent vergrössert sich bei gleichbleibendem Druck das Volumen V eines Gases bei der Erwärmung von 0 °C auf 100 °C?
- 3) Um wieviel K muss eine Luftmenge der Temperatur  $v_1$  = 22 °C erwärmt werden,damit sich das Volumen der Luftmenge bei gleichbleibendem Druck verdoppelt?
- 4) Eine Sauerstoffmenge hat bei  $v_1$  = 20 °C einen Rauminhalt von  $V_1$  = 40 Liter. Wie gross ist dieser bei  $v_2$  = 20 °C, wenn der Druck konstant bleibt?
- 5) Eine Luftmenge von 15 dm<sup>3</sup> ist bei 17 °C Temperatur in einem Zylinder eingeschlos= sen.Der reibungsfreie bewegliche Kolben hat eine Fläche von 150 cm<sup>2</sup>.Um wieviel cm wird er verschoben,wenn die Luft auf 127 °C erwärmt wird?

#### 3.2.Das Gesetz von Boyle-Mariotte

Die Erfahrung aus dem täglichen Leben (Fahrradpumpe) lehrt uns: eine Druckerhöhung bewirkt bei einer abge= schlossenen Gasmenge eine Volumenverkleinerung und umgekehrt.

Eine genauere Untersuchung der Abhängigkeit des Volu= mens einer abgschlossenen Gasmenge vom Druck zeigt uns, dass, bei gleichbleibender Temperatur des Gases, das Pro= dukt aus Volumen und absolutem Druck des Gases konstant bleibt.



### Gesetz von Boyle-Mariotte

Das Produkt aus absolutem Druck und Volumen ist für eine abgeschlossene Gas= menge bei konstanter Temperatur konstant.

p.V = konstant, falls T konstant ist

### Bemerkung

Bezeichnen wir bei zwei beliebigen Zuständen den ersten mit  $p_1.V_1$  und den zweiten mit p2.V2, so gilt:

$$p_1.V_1 = p_2.V_2$$

mit =  $\frac{m}{V}$  und demnach  $V = \frac{m}{\rho}$  ergibt sich:

$$p_1 \cdot \frac{m_1}{\rho_1} = p_2 \cdot \frac{m_2}{\rho_2}$$

bei gleichbleibender Masse ergibt sich so:  $\frac{p_1}{\rho_1} = \frac{p_2}{\rho_2} = \Rightarrow \frac{p_1}{p_2} =$ 

$$\frac{p_1}{\rho_1} = \frac{p_2}{\rho_2}$$

$$=\Rightarrow \boxed{\frac{p_1}{p_2} = \frac{\rho_1}{\rho_2}}$$

Bei einer eingeschlossenen Gasmenge verhalten sich die Dichten wie die Drücke.

- 1) Das Manometer einer mit Sauerstoff gefüllten Stahlflasche zeigt einen Druck von 150 bar an Die Flasche hat einen Rauminhalt von 50 Liter.Wieviel Liter Sauerstoff können bei 1013 mbar entnommen werden?
- 2) Vor einer Wetterverschlechterung fiel der Luftdruck von 1010 mbar auf 990 mbar. Wie ändert sich dabei das Volumen von 1 m<sup>3</sup> Luft?Wieviel Luft strömte aus einem Zimmer (10 x 6 x 4  $m^3$ ) aus?
- 3) Ein Wetterballon hat ein Fassungsvermögen von  $V_1 = 50 \text{ m}^3$ . Er wird bei einem Atmos=

phärendruck von  $p_a$  =  $p_1$  = 1020 hPa mit Wasserstoff gefüllt.Zur Verfügung steht Wasserstoffgas unter einem Ueberdruck von  $p_e$  = 150 bar.Wieviel Liter Gas werden zur Füllung benötigt?

- 4) Die Dichte von Neon beträgt bei 0°C und  $p_1$  = 1013 hPa 0,9 kg/m³. Wie gross ist sie bei 0°C und 5 bar Ueberdruck?
- 5) Erhöht man den Druck komprimierter Luft um 2.10<sup>5</sup> Pa,so veringert sich das Volumen von 100 Liter auf 60 Liter.Wie gross ist der anfängliche Druck?

# 33.Die allgemeine Zustandsgleichung der Gase

Aus den beiden vorhergehenden Punkten wissen wir,dass eine Gasmenge nur dann eindeu= tig angegeben ist,wenn neben dem Volumen auch der Druck und die Temperatur des Gases bekannt sind. Geht nun ein Gas vom Zustand  $p_1, V_1, T_1$  in den Zustand  $p_2, V_2, T_2$  über, so lässt sich dieser Uebergang in zwei Etappen zerlegen. In einer ersten Etappe wird die Temperatur des Gases konstant gehalten (T = konstant == $\Rightarrow$  Gesetz von Boyle-Mariotte), und es entsteht aus dem Anfangsvolumen  $V_1$  das Zwischenvolumen V'. In einer zweiten Etappe wird dann der Gasdruck konstant gehalten (p = konstant == $\Rightarrow$  Gesetz von Gay-Lus= sac), wobei dann das Zwischenvolumen V' in das Endvolumen  $V_2$  übergeht.

$$T = konstant == \Rightarrow p_1 \cdot V_1 = p_2 \cdot V'$$

$$= \Rightarrow V' = \frac{p_1 \cdot V_1}{p_2} \quad (1)$$

$$p = konstant == \Rightarrow \frac{V!}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$$

$$= \Rightarrow V' = \frac{V_2 \cdot T_1}{T_2} \quad (2)$$

$$p_4 \cdot V_4 = V_2 \cdot T_4$$

aus (1) und (2) folgt:  $\frac{p_1.V_1}{p_2} = \frac{V_2.T_1}{T_2}$ 

und schliesslich:  $\frac{p_1.V_1}{T_1} = \frac{p_2.V_2}{T_2}$ 

Dieser gesetzmässiger Zusammenhang zwischen den drei <u>Zustandsgrössen</u> eines Gases, <u>Druck, Volumen</u> und <u>Temperatur</u> wird als die <u>Zustandsgleichung</u> der Gase oder als <u>Gas</u>= <u>gleichung</u> bezeichnet. Die experimentelle Bestätigung der Zustandsgleichung der Gase erfolgt im Praktikum.

Bemerkung: Ein Gas im physikalischen Normzustand (oder Normalzustand) hat eine Tempe= ratur von  $T_0$  = 273 K (= 0°C) und einen absoluten Druck von  $p_0$  = 1013 hPa.

# 3.4 Aenderung der Dichte eines Gases bei Druck- und Temperaturänderung

Die Dichte eines Gases unter Normbedingungen sei  $\rho_0$ . Steht das Gas unter einem anderen Druck und unter anderer Temperatur, so ändert sich auch seine Dichte.

$$\rho_0 = 1013 \text{ hPa} ; T_0 = 273 \text{ K} \implies \rho_0 = \frac{m}{V_0} = P_0 = \frac{m}{\rho_0}$$
 (1)

bei 
$$p_1$$
 und  $T_1$  ==>  $p_1 = \frac{m}{V_1}$  ==>  $V_1 = \frac{m}{\rho_1}$  (2)

(1) und (2) eingesetzt in der Zustandsgleichung 
$$\frac{P_0 \cdot V_0}{T_0} = \frac{P_1 \cdot V_1}{T_1}$$

ergibt: 
$$\frac{p_0 \cdot m}{\rho_0 \cdot T_0} = \frac{p_1 \cdot m}{\rho_1 \cdot T_1} = \Rightarrow \frac{p_0}{\rho_0 \cdot T_0} = \frac{p_1}{\rho_1 \cdot T_1}$$

und schliesslich: 
$$\frac{\rho_1}{\rho_0} = \frac{p_1.T_0}{p_0.T_1}$$
 oder:  $\rho_1 = \rho_0.\frac{p_1.T_0}{p_0.T_1}$ 

- 1) Ein Behälter mit dem Volumen  $V_1=5.10^{-2}~{\rm m}^3$  wird bei der Temperatur  $v_1=20^{\circ}{\rm C}$  und dem Druck  ${\rm p_1}=1015~{\rm hPa}$  verschlossen. Auf einem Berg wird er wieder geöffnet, nachdem der Inhalt sich auf die Aussentemperatur  $v_2=-10^{\circ}{\rm C}$  abgekühlt hat; der Aussendruck beträgt dort  ${\rm p_2}=960~{\rm hPa.Str\"{o}mt}$  beim Oeffnen des Behälters Luft ein oder aus, und wie gross ist das Volumen dieser Luft?
- 2) Eine Stahlflasche hat ein Volumen von 40 Liter und ist mit Sauerstoff gefüllt.Das Manometer zeigt morgens einen Druck von 1,7 bar bei einer Temperatur von 12°C.

  Nachmittags herrscht bei einer Temperatur von 20°C ein Druck von 1,55 bar.Welche Sauerstoffmasse ist entnommen worden? (Pp = 1,43 kg/m³) 2°C)
- 3) Wie gross ist die Masse der Luft in einer Pressluft-Taucherflasche von 10 Liter Inhalt, die bei 27°C unter einem Druck von 200 bar steht? ( $\rho_0$  = 1,293 kg/m³)
- 4) In einer Stahlflasche befinden sich 40 Liter Sauerstoff bei einer Temperatur von 20°C und einem Druck von 150 bar.Wie gross ist das Volumen des Sauerstoffs bei Normbedingungen?Wie gross ist die Masse des Sauerstoffs?
- 5) Wie gross ist die Masse der Luft in einem Zimmer von 50 m<sup>3</sup> Rauminhalt bei 22°C und 1050 hPa?( & 1233 kg/m³)
- 6) Ein Kraftwagenreifen wird auf einen Volumen von 30 dm<sup>3</sup> und einen Druck von 3,5 bar mit Luft aufgepumpt. Durch das Zusammenpressen (Komprimieren) der Luft steigt ihre Temperatur auf 38°C. Auf welchen Druck verringert sich die Luft im Reifen, wenn sie sich nach einigen Minuten auf 20°C abgekühlt hat (Annahme:gleichbleibendes

